

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Министерство образования Кемеровской области - Кузбасса**

**Управление образования Яшкинского МО**

**МБОУ «Колмогоровская СОШ»**

**СОГЛАСОВАНО**

педагогическим  
советом  
протокол №12 от «30»  
августа 2023 г.

**УТВЕРЖДЕНО**

директор МБОУ  
Худякова Л.Н.  
Приказ №88 от «30»  
августа 2023 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

**учебного курса «Вероятность и статистика»**

для обучающихся 11 класса

**Колмогорово 2023**

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Рабочая программа учебного курса «Вероятность и статистика» базового уровня для обучающихся 11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

## **ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА**

Учебный курс «Вероятность и статистика» базового уровня является продолжением и развитием одноимённого учебного курса базового уровня основной школы. Курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления учащихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса основной школы и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» средней школы на базовом уровне выделены следующие основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности», «Случайные величины и закон больших чисел».

Важную часть курса занимает изучение геометрического и биномиального распределений и знакомство с их непрерывными аналогами — показательным и нормальным распределениями.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин, а также эта линия необходима как база для изучения закона больших чисел – фундаментального закона, действующего в природе и обществе и имеющего математическую

формализацию. Сам закон больших чисел предлагается в ознакомительной форме с минимальным использованием математического формализма.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами, акцентируют внимание школьников на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям, при этом предполагается ознакомительное изучение материала без доказательств применяемых фактов.

## **МЕСТО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ**

На изучение курса «Вероятность и статистика» на базовом уровне отводится 1 час в неделю в течение каждого года обучения, всего 68 учебных часов.

## **СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА 11 КЛАСС**

Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение. Примеры применения математического ожидания, в том числе в задачах из повседневной жизни. Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание и дисперсия геометрического и биномиального распределений.

Закон больших чисел и его роль в науке, природе и обществе. Выборочный метод исследований.

Примеры непрерывных случайных величин. Понятие о плотности распределения. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Понятие о нормальном распределении.

## **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

#### **Гражданское воспитание:**

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

#### **Патриотическое воспитание:**

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

#### **Духовно-нравственного воспитания:**

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

#### **Эстетическое воспитание:**

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

#### **Физическое воспитание:**

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

#### **Трудовое воспитание:**

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы;

готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

**Экологическое воспитание:**

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

**Ценности научного познания:**

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными **познавательными действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.**

1) Универсальные **познавательные** действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).

**Базовые логические действия:**

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях;

предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

#### **Базовые исследовательские действия:**

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

#### **Работа с информацией:**

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.

#### **Общение:**

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

**Сотрудничество:**

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) Универсальные *регулятивные* действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.

**Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

**Самоконтроль:**

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ 11 КЛАСС**

Сравнивать вероятности значений случайной величины по распределению или с помощью диаграмм.

Оперировать понятием математического ожидания; приводить примеры, как применяется математическое ожидание случайной величины находить математическое ожидание по данному распределению.

Иметь представление о законе больших чисел.

Иметь представление о нормальном распределении.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ  
11 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	
1	Математическое ожидание случайной величины	4	
2	Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины	4	
3	Закон больших чисел	3	
4	Непрерывные случайные величины (распределения)	2	
5	Нормальное распределения	2	
6	Повторение, обобщение и систематизация знаний	19	
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		<b>34</b>	



## ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	
1	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Случайные опыты и вероятности случайных событий. Серии независимых испытаний	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/algebra/9-klass/elementy-kombinatoriki-statistiki-i-teorii-veroiatnostei-10205/otnositelnaia-chastota-i-statisticheskaya-veroiatnost-sobytiia-12692/re-f618da9e-fe93-413f-9473-47ed9e1d0648">https://www.yaklass.ru/p/algebra/9-klass/elementy-kombinatoriki-statistiki-i-teorii-veroiatnostei-10205/otnositelnaia-chastota-i-statisticheskaya-veroiatnost-sobytiia-12692/re-f618da9e-fe93-413f-9473-47ed9e1d0648</a>
2	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Случайные опыты и вероятности случайных событий. Серии независимых испытаний	1	
3	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Случайные опыты и вероятности случайных событий. Серии независимых испытаний	1	
4	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Случайные опыты и вероятности случайных событий. Серии независимых испытаний	1	
5	Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея)	1	
6	Математическое ожидание суммы случайных величин	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/tcentralnye-tendentci-12004/re-920b5218-b761-4769-9074-">https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/tcentralnye-tendentci-12004/re-920b5218-b761-4769-9074-</a>

			<a href="#">4ee90f35f67f</a>
7	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/tcentralnye-tendentcii-12004/re-920b5218-b761-4769-9074-4ee90f35f67f">https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/tcentralnye-tendentcii-12004/re-920b5218-b761-4769-9074-4ee90f35f67f</a>
8	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/tcentralnye-tendentcii-12004/re-920b5218-b761-4769-9074-4ee90f35f67f">https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/tcentralnye-tendentcii-12004/re-920b5218-b761-4769-9074-4ee90f35f67f</a>
9	Дисперсия и стандартное отклонение	1	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/3409/main/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/3409/main/</a>
10	Дисперсия и стандартное отклонение	1	<a href="https://resh.edu.ru/subject/lesson/3409/main/">https://resh.edu.ru/subject/lesson/3409/main/</a>
11	Дисперсии геометрического и биномиального распределения	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/tcentralnye-tendentcii-12004">https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/tcentralnye-tendentcii-12004</a>
12	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	
13	Закон больших чисел. Выборочный метод исследований	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/zakon-raspredeleniiia-veroiatnostei-zakon-bolshikh-chisel-10288/re-a76720ab-07dd-431a-b57a-19b9498e2a76">https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/zakon-raspredeleniiia-veroiatnostei-zakon-bolshikh-chisel-10288/re-a76720ab-07dd-431a-b57a-19b9498e2a76</a>
14	Закон больших чисел. Выборочный метод исследований	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/zakon-raspredeleniiia-veroiatnostei-zakon-bolshikh-chisel-10288/re-a76720ab-07dd-431a-b57a-19b9498e2a76">https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/zakon-raspredeleniiia-veroiatnostei-zakon-bolshikh-chisel-10288/re-a76720ab-07dd-431a-b57a-19b9498e2a76</a>

15	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	
16	Итоговая контрольная работа	1	
17	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности распределения. Равномерное распределение и его свойства	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/sluchainye-velichiny-12001/re-1f57e6cd-53ec-4d32-9ea2-134aec02c49f">https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/sluchainye-velichiny-12001/re-1f57e6cd-53ec-4d32-9ea2-134aec02c49f</a>
18	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности распределения. Равномерное распределение и его свойства	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/sluchainye-velichiny-12001/re-1f57e6cd-53ec-4d32-9ea2-134aec02c49f">https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/sluchainye-velichiny-12001/re-1f57e6cd-53ec-4d32-9ea2-134aec02c49f</a>
19	Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности и свойства нормального распределения	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/sluchainye-velichiny-12001/re-1f57e6cd-53ec-4d32-9ea2-134aec02c49f">https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/sluchainye-velichiny-12001/re-1f57e6cd-53ec-4d32-9ea2-134aec02c49f</a>
20	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	
21	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Описательная статистика	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/veroyatnost-i-statistika/7-klass/opisatelnaia-statistika-7274867">https://www.yaklass.ru/p/veroyatnost-i-statistika/7-klass/opisatelnaia-statistika-7274867</a>
22	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Описательная статистика	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/veroyatnost-i-statistika/7-klass/opisatelnaia-statistika-7274867">https://www.yaklass.ru/p/veroyatnost-i-statistika/7-klass/opisatelnaia-statistika-7274867</a>
23	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Опыты с равновозможными элементарными событиями	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/veroyatnost-i-statistika/8-klass/veroiatnost-sluchainogo-sobytiia-7287888/elementarnye-sobytiia-vidy-sobytiii-7283599/re-97189d36-5ea9-">https://www.yaklass.ru/p/veroyatnost-i-statistika/8-klass/veroiatnost-sluchainogo-sobytiia-7287888/elementarnye-sobytiia-vidy-sobytiii-7283599/re-97189d36-5ea9-</a>

			<a href="#">490b-bc58-75f5326a03ec</a>
24	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Опыты с равновозможными элементарными событиями	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/veroyatnost-i-statistika/8-klass/veroiatnost-sluchainogo-sobytiia-7287888/elementarnye-sobytiia-vidy-sobytiii-7283599/re-97189d36-5ea9-490b-bc58-75f5326a03ec">https://www.yaklass.ru/p/veroyatnost-i-statistika/8-klass/veroiatnost-sluchainogo-sobytiia-7287888/elementarnye-sobytiia-vidy-sobytiii-7283599/re-97189d36-5ea9-490b-bc58-75f5326a03ec</a>
25	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов (координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера)	1	
26	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов (координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера)	1	
27	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов (координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера)	1	
28	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов (координатная прямая, дерево, диаграмма	1	

	Эйлера)		
29	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Случайные величины и распределения	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/sluchainye-velichiny-12001">https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/sluchainye-velichiny-12001</a>
30	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Случайные величины и распределения	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/sluchainye-velichiny-12001">https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/sluchainye-velichiny-12001</a>
31	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Математическое ожидание случайной величины	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/tcentralnye-tendentcii-12004/re-920b5218-b761-4769-9074-4ee90f35f67f">https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/tcentralnye-tendentcii-12004/re-920b5218-b761-4769-9074-4ee90f35f67f</a>
32	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Математическое ожидание случайной величины	1	<a href="https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/tcentralnye-tendentcii-12004/re-920b5218-b761-4769-9074-4ee90f35f67f">https://www.yaklass.ru/p/algebra/11-klass/nachalnye-svedeniiia-matematicheskoi-statistiki-9176/tcentralnye-tendentcii-12004/re-920b5218-b761-4769-9074-4ee90f35f67f</a>
33	Итоговая контрольная работа	1	
34	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1	
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		34	



**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА  
ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

Математика. Вероятность статистика: 7-9 классы: базовый уровень: учебник в 2 частях/И.Р.Высоцкий, И.В. Ященко; под ред И.В.Ященко.

Москва: Просвещение, 2023

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ  
ИНТЕРНЕТ**

<https://www.yaklass.ru/?%045;>

<https://resh.edu.ru/>

<https://urok.apkpro.ru/>

